Nombres complexes

NOM et PRENOM: Il faut tout justifier et expliquer!

1. Calculez et donnez la réponse sous forme algébrique.

a.
$$(2+3i)(-7-5i)+14+9i$$

b.
$$\frac{4-3i}{9+5i}$$

c.
$$(1+i)^{17}$$

2. Résolvez les équations suivantes et donnez les réponses sous forme algébrique exacte, sauf dans la partie a (arrondis au millième).

a.
$$z^3 = [8; 30^{\circ}]^2$$

b.
$$z^2 - (1+8i)z - (17-7i) = 0$$

c.
$$z^3 - 4z - 15 = 0$$
 (ne pas utiliser la formule du 3ème degré!)

3. Théorie.

Prouvez le résultat suivant : Si P est un polynôme à coefficients réels et $\alpha \in \mathbb{C}$ est un zéro de P, alors le conjugué de α est aussi un zéro de P.